



NTNU

Kunnskap for en bedre verden

TDT4105 Informasjonsteknologi, grunnkurs m/Matlab

Mer om funksjoner:

- rekursive funksjoner

Pensum: 10.5 i Matlab-boka

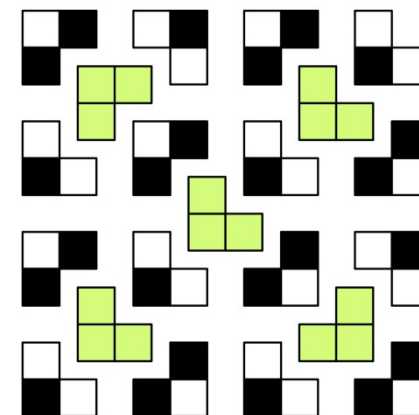
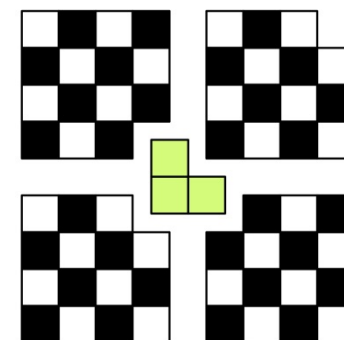
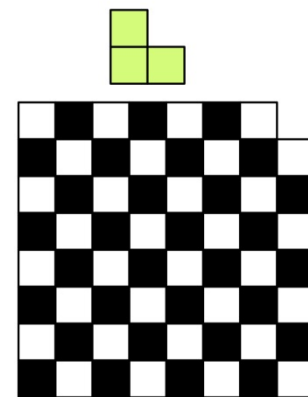
10.1-10.4 er orienteringsstoff og ikke aktuelt til eksamen

Anders Christensen (anders@ntnu.no)

Rune Sætre (satre@ntnu.no)

Rekursive funksjoner

- En rekursiv funksjon er en funksjon som kaller seg selv:
 - For å løse en enklere utgave av det samme problemet
 - Med modifiserte («enklere») parametere
 - Må ha stopptilfeller der vi vet løsningen
- Noen problemer løses enklest ved å løse et mindre (enklere) problem av den samme typen
 - $n! = n * (n-1)!$ for alle $n > 0$
 - $0! = 1$
- Rekursjon gir ofte enkle programmer
 - Men ikke-rekursive løsninger er ofte mer effektive



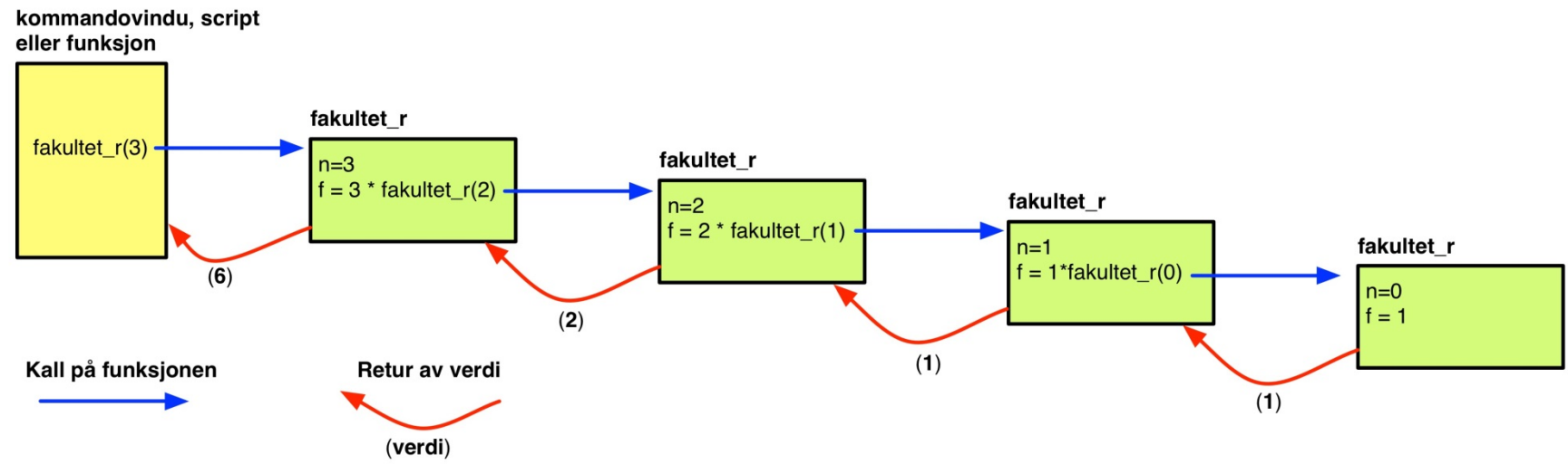
fakultet_r.m

```
function f = fakultet_r(n)
% Fakultet av n, rekursivt

    if n == 0
        f = 1;
    else
        f = n*fakultet_r(n-1);
    end

end % function
```

Eksempel på kjøring: Kall-tre for 3!



Fibonacci-tallene

- 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, ...
- Sjekk [wikipedia](#) for eksempler på forekomst i naturen.
- Definisjon:
 - $f(0) = 0$
 - $f(1) = 1$
 - $f(n) = f(n-1) + f(n-2)$, for $n > 1$
- Kan programmeres uten rekursjon (iterativt)
 - Lagre en liste med en for-løkke som løper over 2:n
- Rekursiv løsning følger definisjonen direkte

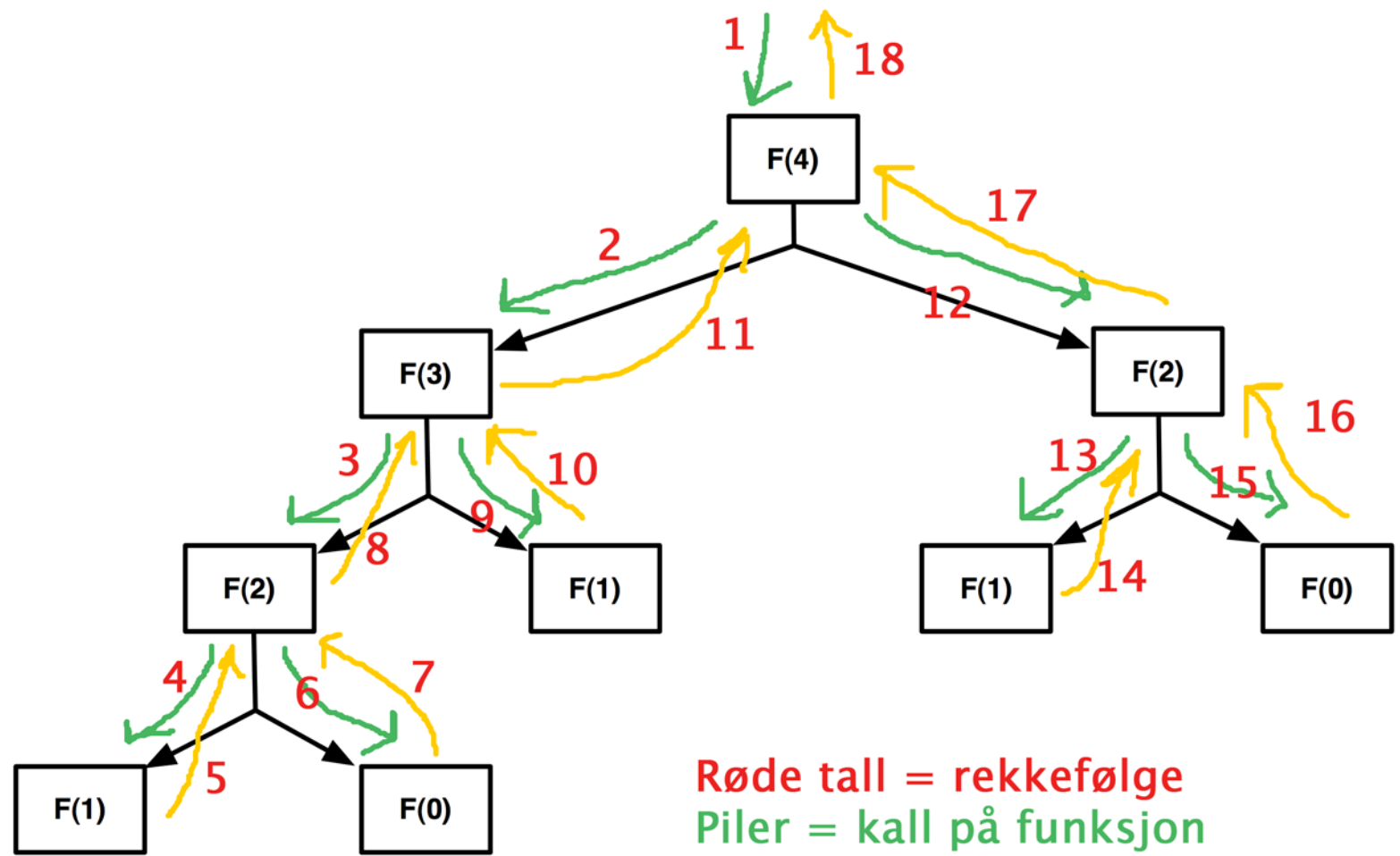
fibonacci.m

```
function f = fibonacci(n)
% Regner ut fibonaccitall n

    if n == 0
        f = 0;
    elseif n == 1
        f = 1;
    else
        f = fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2);
    end

end % function
```

Fibonacci(4)



Røde tall = rekkefølge
 Piler = kall på funksjon
 Piler = retur av verdi

Tidsbruk

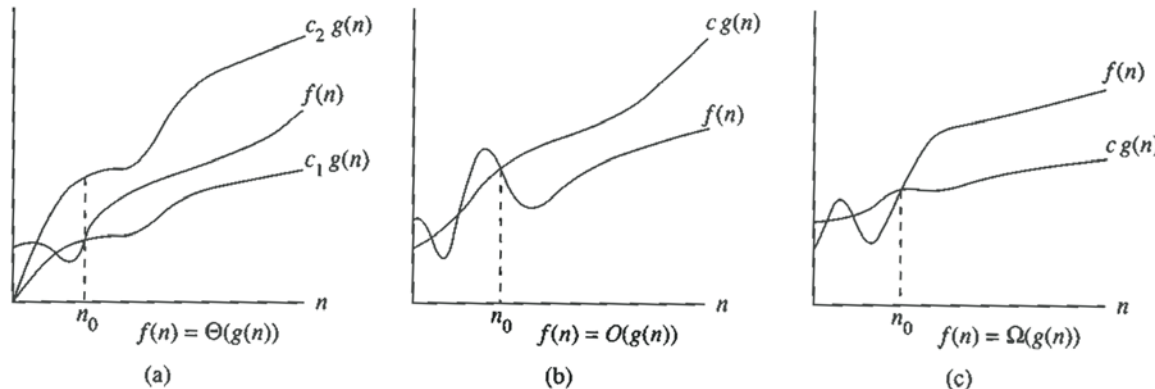
- Har kompleksitet $O(2^N)$!
- Noen eksempler på kjøretider:
 - N=10 0.002 s
 - N=20 0.2 s
 - N=25 1,8 s
 - N=32 51 s
 - N=35 217 s (3 minutter og 37 sekunder)
- Elegant, enkel løsning
- Kostnaden i kjøretid øker **VELDIG** raskt
- Iterativ løsning er $O(N)$!
- Funksjonskall er ganske kostbare

O, Ω og Θ fra Algoritme-Teorien

- $O(g(n))$ er mengden av funksjoner ($f(n)$) der:
 - Det finnes konstanter c og n_0 slik at $0 \leq f(n) \leq cg(n)$ for alle $n \geq n_0$
 - $g(n)$ er en **asymptotisk øvre grense** for $f(n)$
- $\Omega(g(n))$ er mengden ...
 - Det finnes konstanter c og n_0 slik at $0 \leq cg(n) \leq f(n)$ for alle $n \geq n_0$
 - $g(n)$ er en **asymptotisk nedre grense** for $f(n)$
- $\Theta(g(n))$: både $O(g(n))$ og $\Omega(g(n))$ **asymptotisk grense**

O, Ω og Θ (forts.)

- $\Theta(g(n))$: både $O(g(n))$ og $\Omega(g(n))$
- Det finnes konstanter c_1 , c_2 og n_0 slik at $0 \leq c_1 g(n) \leq f(n) \leq c_2 g(n)$ for alle $n \geq n_0$



Kilde: Intro. to Algorithms, Cormen et al., MIT Press 1990

Funksjoners vekst

n	n^2	n^3	2^n	log(n)	nlog(n)
1	1	1	2	0	0
2	4	8	4	1	2
3	9	27	8	2	5
4	16	64	16	2	8
5	25	125	32	2	12
6	36	216	64	3	16
7	49	343	128	3	20
8	64	512	256	3	24
9	81	729	512	3	29
10	100	1000	1024	3	33
100	10000	1000000	1,2677E+30	7	664
1000	1000000	1000000000	1,072E+301	10	9966
10000	100000000	1000000000000	#NUM!	13	132877
100000	10000000000	1000000000000000	#NUM!	17	1660964
1000000	1000000000000	1000000000000000000	#NUM!	20	19931569
10000000	100000000000000	1000000000000000000000	#NUM!	23	232534967
100000000	10000000000000000	1E+24	#NUM!	27	2657542476
1000000000	1000000000000000000	1E+27	#NUM!	30	29897352854
10000000000	100000000000000000000	1E+30	#NUM!	33	332192809489
100000000000	1E+22	1E+33	#NUM!	37	3654120904376
1000000000000	1E+24	1E+36	#NUM!	40	39863137138648
10000000000000	1E+26	1E+39	#NUM!	43	431850652335357
100000000000000	1E+28	1E+42	#NUM!	47	4650699332842310
1000000000000000	1E+30	1E+45	#NUM!	50	49828921423310400
10000000000000000	1E+32	1E+48	#NUM!	53	531508495181978000
100000000000000000	1E+34	1E+51	#NUM!	56	5647277761308520000
1000000000000000000	1E+36	1E+54	#NUM!	60	59794705707972500000
10000000000000000000	1E+38	1E+57	#NUM!	63	631166338028599000000
100000000000000000000	1E+40	1E+60	#NUM!	66	6643856189774730000000
1000000000000000000000	1E+42	1E+63	#NUM!	70	69760489992634600000000
10000000000000000000000	1E+44	1E+66	#NUM!	73	730824180875220000000000
100000000000000000000000	1E+46	1E+69	#NUM!	76	7640434618240930000000000
1000000000000000000000000	1E+48	1E+72	#NUM!	80	79726274277296700000000000
10000000000000000000000000	1E+50	1E+75	#NUM!	83	830482023721841000000000000
100000000000000000000000000	1E+52	1E+78	#NUM!	86	8637013046707140000000000000
1000000000000000000000000000	1E+54	1E+81	#NUM!	90	89692058561958800000000000000
10000000000000000000000000000	1E+56	1E+84	#NUM!	93	930139866568462000000000000000
100000000000000000000000000000	1E+58	1E+87	#NUM!	96	9633591475173350000000000000000

Iterativ løsning: fibonacci_i.m

```
function f = fibonacci_i(n)
% Regner ut Fibonacci-tallet F(n)

    if n == 0
        f = 0;
    elseif n == 1
        f = 1;
    else
        % initialiserer
        minusTo = 0;
        minusEn = 1;
        % regner ut tallet
        for i = 2:n
            f = minusEn + minusTo;
            minusTo = minusEn;
            minusEn = f;
        end % for
    end %if

end % function
```

50 første Fibonacci-tallene

fibonacci_test.m

```
clear, clc

tic % startertidtaking
kolonne = 1;

for tall=0:50

    fprintf('%15d', fibonacci_i(tall) );

    if kolonne == 5
        fprintf('\n'); % ny linje
        kolonne = 1;
    else
        kolonne = kolonne + 1;
    end;
end

fprintf('\n');
toc % avslutter tidtaking
```

Utskrift og kjøretid

```

      0          1          1          2          3
      5          8          13         21         34
     55         89         144        233        377
    610        987        1597       2584       4181
   6765       10946      17711      28657      46368
  75025      121393     196418     317811     514229
 832040     1346269     2178309     3524578     5702887
9227465    14930352     24157817     39088169     63245986
102334155  165580141     267914296     433494437     701408733
1134903170 1836311903     2971215073     4807526976     7778742049
12586269025
Elapsed time is 0.002617 seconds.
>>

```

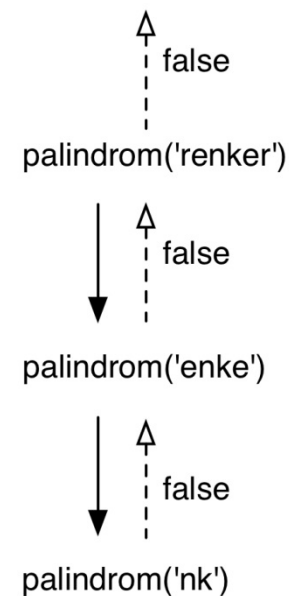
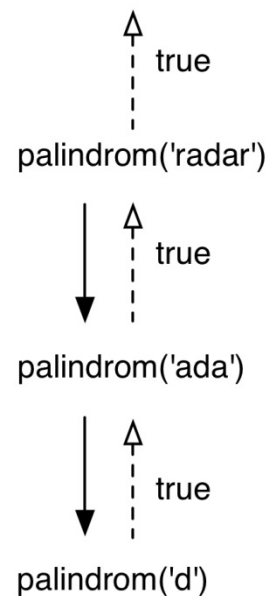
- Iterativ eller rekursiv?
- Et enkelt valg i dette tilfellet

Blæsting i Pausen: Tekna holder eksamensrettet kræsjkurs i matlab

- Dato: 23.11.2016 (Onsdag)
- Sted: R1
- Klokkeslett: 18:00-21:00
- Kursholder: **Chris-Mikael** Rom Hansen (innleid av Tekna)
- Kun for Teknamedlemmer, men Tekna har gratis innmelding ut året!
- Påmelding: <https://www.tekna.no/kurs/krasjkurs-i-matlab-32792/>

Palindrom?

- Def: Tekststreng som kan leses likt begge veier
 - Otto, Radar, Agnes i senga, ...
- Stopptilfelle: 0 eller 1 tegn er et palindrom
- Test flanke-tegnene
 - **Ulike**: Ikke et palindrom
 - **Like**: Sjekk om teksten uten flanke-tegnene er et palindrom



palindrom.m

```
function p = palindrom(tekst)
% sjekker om tekst er et palindrom (leses likt begge veier)

    lengde = length(tekst);
    if lengde < 2
        p = true;
    elseif upper(tekst(1)) == upper(tekst(lengde))
        p = palindrom( tekst(2:lengde-1) );
    else
        p = false;
    end

end % function
```

Bruker upper-funksjonen for å gjøre tegnsammenligningene uavhengig av små/store bokstaver, slik at f. eks. 'RADar' blir et palindrom

BoB

- <https://vimeo.com/44024588>